

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«КАРАЧАЕВО-ЧЕРКЕССКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ  
УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ У.Д. АЛИЕВА»

Физико-математический факультет

Кафедра математического анализа

УТВЕРЖДАЮ

И. о. проректора по УР

М. Х. Чанкаев

«30» апреля 2025 г., протокол № 8

**Рабочая программа дисциплины**

**Математический анализ I**

*(наименование дисциплины (модуля))*

---

Направление подготовки

***01.03.02 Прикладная математика и информатика***

*(шифр, название направления)*

направленность (профиль):

***«Системное программирование и компьютерные технологии»***

---

Квалификация выпускника

***Бакалавр***

---

Форма обучения

***Очная***

---

Год начала подготовки – 2025

Карачаевск – 2025

Составитель: ст. преп. кафедры математического анализа Эфендиев М.Х.

Рабочая программа дисциплины составлена в соответствии с ФГОС ВО по направлению подготовки **01.03.02 Прикладная математика и информатика**, утвержденным приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 10.01.2018 № 9 с изменениями и дополнениями от 26.11.2020 г., №1456, 8.02.2021 г., №83, на основании учебного плана подготовки бакалавров по направлению **01.03.02 Прикладная математика и информатика**, направленность (профиль): «**Системное программирование и компьютерные технологии**», локальных актов КЧГУ.

Рабочая программа рассмотрена и утверждена на заседании кафедры математического анализа на 2025-2026 учебный год, протокол № 8 от 28 апреля 2025г.

## Оглавление

1. Наименование дисциплины (модуля) .....	4
Математический анализ I.....	4
2. Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы .....	4
3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы.....	4
4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся .....	5
5. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий.....	6
5.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий (в академических часах).....	6
6. Основные формы учебной работы и образовательные технологии, используемые при реализации образовательной программы.....	7
7. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю).....	9
7.1. Индикаторы оценивания сформированности компетенций.....	9
7.2. Перевод бально-рейтинговых показателей оценки качества подготовки обучающихся в отметки традиционной системы оценивания.....	10
7.3. Типовые контрольные задания или иные учебно-методические материалы, необходимые для оценивания степени сформированности компетенций в процессе освоения учебной дисциплины .....	10
7.3.1. Перечень вопросов к экзамену .....	10
7.3.2. Тестовый материал для диагностики индикаторов оценивания сформированности компетенций:.....	12
7.3.3. Оценочные материалы. Темы к докладам и рефератам. Варианты контрольных работ .....	12
8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля).....	12
8.1. Основная литература: .....	12
8.2. Дополнительная литература: .....	13
9. Требования к условиям реализации рабочей программы дисциплины (модуля) .....	13
9.1. Общесистемные требования .....	13
9.2. Материально-техническое и учебно-методическое обеспечение дисциплины.....	14
9.3. Необходимый комплект лицензионного программного обеспечения.....	14
9.4. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы .....	14
10. Особенности организации образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья .....	15
11. Лист регистрации изменений .....	16

## 1. Наименование дисциплины (модуля)

### Математический анализ I

**Целью** изучения дисциплины является теоретическое освоение обучающимися основных разделов математики, необходимых для понимания роли математики в профессиональной деятельности; формирование культуры мышления, способности к обобщению, анализу, восприятию информации, постановке цели и выбору путей ее достижения; освоения основных методов математического анализа, применяемых в решении профессиональных задач и научно-исследовательской деятельности.

**Для достижения цели ставятся задачи:**

- получить представление о роли математики в профессиональной деятельности;
- изучить необходимый понятийный аппарат дисциплины;
- сформировать умения доказывать теоремы математического анализа;
- сформировать умения решать типовые задачи основных разделов математического анализа, в том числе с использованием прикладных математических пакетов;
- получить необходимые знания из области математического анализа для дальнейшего самостоятельного освоения научно-технической информации;
- получить представление о применении положений математического анализа

## 2. Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы

Дисциплина Б1.О.04 «Математический анализ I» относится к блоку «Блок 1. Обязательная часть».

Дисциплина (модуль) изучается на 1 курсе в 1 семестре.

МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОП	
Индекс	Б1.О.04
<b>Требования к предварительной подготовке обучающегося:</b>	
Для успешного освоения дисциплины студент должен иметь базовую подготовку по элементарной математике в объеме программы средней школы.	
<b>Дисциплины и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:</b>	
Изучение дисциплины «Математический анализ I» необходимо для успешного освоения дисциплин «Математический анализ II», «Математический анализ III», «Дифференциальные уравнения», «Теория вероятностей» и др.	

## 3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Процесс изучения дисциплины «Математический анализ I» направлен на формирование следующих компетенций обучающегося:

Код компетенций	Содержание компетенции в соответствии с ФГОС ВО/ОПВО	Индикаторы достижения сформированности компетенций
ОПК-1	Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	ОПК-1.1. Знает основные положения и концепции в области математических и естественных наук, базовые теории, основную терминологию. ОПК-1.2. Умеет осуществлять первичный сбор и анализ материала, интерпретировать различные математические объекты. ОПК-1.3. Владеет навыком работы по решению стандартных математических задач и применяет их в профессиональной деятельности

ПК-2.	Способен понимать, совершенствовать и применять современный математический аппарат	<p>ПК-2.1. Знает принципы построения и методы исследования математических моделей объектов различной природы.</p> <p>ПК-2.2. Умеет использовать и модифицировать существующие математические методы для решения прикладных задач.</p> <p>ПК-2.3. Владеет навыками использования математического аппарата при решении прикладных задач.</p>
-------	--	--

**4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся**

Общая трудоемкость (объем) дисциплины (модуля) составляет 7 ЗЕТ, 252 академических часов.

Объём дисциплины	Всего часов		
	Очная форма обучения	Очно-заочная форма обучения	Заочная форма обучения
<b>Общая трудоемкость дисциплины</b>	<b>252</b>		
<b>Контактная работа обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) (всего)</b>			
<b>Аудиторная работа (всего):</b>	<b>108</b>		
в том числе:			
лекции	54		
семинары, практические занятия	36		
практикумы			
лабораторные работы	18		
<b>Внеаудиторная работа:</b>			
консультация перед экзаменом			
Внеаудиторная работа также включает индивидуальную работу обучающихся с преподавателем, групповые, индивидуальные консультации и иные виды учебной деятельности, предусматривающие групповую или индивидуальную работу обучающихся с преподавателем, творческую работу (эссе), рефераты, контрольные работы и др.			
<b>Самостоятельная работа обучающихся (всего)</b>	<b>144</b>		
<b>Контроль самостоятельной работы</b>			
<b>Вид промежуточной аттестации обучающегося (зачет/экзамен)</b>	<b>Зачет, экзамен</b>		

**5. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий**

**5.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий (в академических часах)**  
**Очная форма обучения**

№ п/п	Курс /семе- стр	Раздел, тема дисциплины	Общая трудоем- кость (в часах)	Виды учебных занятий, включая самостоятельную работу обучающихся и трудоемкость (в часах)			
				Всего	Аудиторные уч. занятия	Сам. работа	
				252	Лек.	Пр.	
1/1		<b>РАЗДЕЛ 1. Введение в математический анализ</b>	<b>26</b>	<b>6</b>	<b>2</b>	<b>2</b>	<b>16</b>
1.		Элементы теории множеств. Действительные числа.	8	2			6
2.		Ограниченные и неограниченные числовые множества.	8	2			6
3.		Функция.	10	2	2	2	4
		<b>РАЗДЕЛ 2. Пределы</b>	<b>78</b>	<b>14</b>	<b>10</b>	<b>6</b>	<b>48</b>
4		Последовательности.	6	2			4
5		Числовые последовательности	2		2		
6		Предел числовой последовательности	6			2	4
7		Предел функции	8	2			6
8		Бесконечно малые и бесконечно большие величины.	6	2			4
9		Пределы. Неопределенность вида $\frac{\infty}{\infty}$	8		2	2	4
10		Основные теоремы о пределах.	6	2			4
11		Пределы. Неопределенность вида $\frac{0}{0}$	6		2		4
12		Пределы. Умножение на сопряженное	2			2	
13		Замечательные пределы	6	2			4
14		Первый замечательный предел	6		2		4
15		Второй замечательный предел	6		2		4
16		Непрерывность функции. Свойства непрерывных функций	10	4			6
		<b>РАЗДЕЛ 3. Дифференциальное исчисление</b>	<b>104</b>	<b>20</b>	<b>18</b>	<b>6</b>	<b>60</b>
17		Понятие производной.	6	2			4
18		Задачи, приводящие к понятию производной	6	2			4
19		Уравнение касательной и нормали	6		2		4
20		Производные некоторых элементарных функций	8	2	2		4
21		Правила дифференцирования	8	2	2		4

22	Производные тригонометрических и гиперболических функций	10	2	2	2	4
23	Производная сложной и обратной функций	6	2			4
24	Дифференцирование обратных тригонометрических функций	6		2		4
25	Дифференцирование логарифмических и показательных функций	6			2	4
26	Дифференцирование неявных и параметрически заданных функций	6	2			4
27	Дифференцирование обратных и параметрически заданных функций	6		2		4
28	Дифференцирование неявно заданных функций	6		2		4
29	Логарифмическое дифференцирование	8	2	2		4
30	Производные высших порядков явно заданных функций	8	2		2	4
31	Производные высших порядков неявно и параметрически заданных функций	8	2	2		4
<b>РАЗДЕЛ 4. Приложение производной</b>		<b>46</b>	<b>14</b>	<b>6</b>	<b>4</b>	<b>22</b>
32	Некоторые теоремы о дифференцируемых функциях	6	2			4
33	Правило Лопитала.	8	2	2		4
34	Возрастание и убывание функции. Экстремумы функции	10	4		2	4
35	Выпуклость графика функции. Точки перегиба	8	2	2		4
36	Асимптоты графика функции	6	2	2		2
37	Общее исследование функции	8	2		2	4
	<b>Всего</b>	<b>252</b>	<b>54</b>	<b>36</b>	<b>18</b>	<b>144</b>

## 6. Основные формы учебной работы и образовательные технологии, используемые при реализации образовательной программы

**Лекционные занятия.** Лекция является основной формой учебной работы в вузе, она является наиболее важным средством теоретической подготовки обучающихся. На лекциях рекомендуется деятельность обучающегося в форме активного слушания, т.е. предполагается возможность задавать вопросы на уточнение понимания темы и рекомендуется конспектирование основных положений лекции. Основная дидактическая цель лекции - обеспечение ориентировочной основы для дальнейшего усвоения учебного материала. Лекторами активно используются: лекция-диалог, лекция - визуализация, лекция - презентация. Лекция - беседа, или «диалог с аудиторией», представляет собой непосредственный контакт преподавателя с аудиторией. Ее преимущество состоит в том, что она позволяет привлекать внимание слушателей к наиболее важным вопросам темы, определять содержание и темп изложения учебного материала с учетом особенностей аудитории. Участие обучающихся в лекции – беседе обеспечивается вопросами к аудитории, которые могут быть как элементарными, так и проблемными.

Главной задачей каждой лекции является раскрытие сущности темы и анализ ее основных положений. Рекомендуется на первой лекции довести до внимания студентов структуру дисциплины и его разделы, а в дальнейшем указывать начало каждого раздела (модуля), суть и его задачи, а, закончив изложение, подводить итог по этому разделу, чтобы связать его со следующим. Содержание лекций определяется настоящей рабочей программой дисциплины. Для эффективного проведения лекционного занятия рекомендуется соблюдать последовательность ее основных этапов:

1. формулировку темы лекции;
2. указание основных изучаемых разделов или вопросов и предполагаемых затрат времени на их изложение;
3. изложение вводной части;
4. изложение основной части лекции;
5. краткие выводы по каждому из вопросов;
6. заключение;
7. рекомендации литературных источников по излагаемым вопросам.

**Практические занятия.** Дисциплины, по которым планируются практические занятия, определяются учебными планами. Практические занятия относятся к основным видам учебных занятий и составляют важную часть теоретической и профессиональной практической подготовки. Выполнение студентом практических занятий направлено на:

- обобщение, систематизацию, углубление, закрепление полученных теоретических знаний по конкретным темам дисциплин математического и общего естественно-научного, общепрофессионального и профессионального циклов;
- формирование умений применять полученные знания на практике, реализацию единства интеллектуальной и практической деятельности;
- развитие интеллектуальных умений у будущих специалистов: аналитических, проектировочных, конструктивных и др.;
- выработку при решении поставленных задач таких профессионально значимых качеств, как самостоятельность, ответственность, точность, творческая инициатива. Методические рекомендации разработаны с целью единого подхода к организации и проведению практических занятий.

Практическое занятие — это форма организации учебного процесса, направленная на выработку у студентов практических умений для изучения последующих дисциплин (модулей) и для решения профессиональных задач. Практическое занятие должно проводиться в учебных кабинетах или специально оборудованных помещениях. Необходимыми структурными элементами практического занятия, помимо самостоятельной деятельности студентов, являются анализ и оценка выполненных работ и степени овладения студентами запланированными умениями. Дидактические цели практических занятий: формирование умений (аналитических, проектировочных, конструктивных), необходимых для изучения последующих дисциплин (модулей) и для будущей профессиональной деятельности.

В процессе подготовки к практическим занятиям, обучающимся необходимо обратить особое внимание на самостоятельное изучение рекомендованной учебно-методической (а также научной и популярной) литературы. Самостоятельная работа с учебниками, учебными пособиями, научной, справочной и популярной литературой, материалами периодических изданий и Интернета, статистическими данными является наиболее эффективным методом получения знаний, позволяет значительно активизировать процесс овладения информацией, способствует более глубокому усвоению изучаемого материала, формирует у обучающихся свое отношение к конкретной проблеме. Более глубокому раскрытию вопросов способствует знакомство с дополнительной литературой, рекомендованной преподавателем по каждой теме семинарского или практического занятия, что позволяет обучающимся проявить свою индивидуальность в рамках выступления на данных занятиях, выявить широкий спектр мнений по изучаемой проблеме.

**Образовательные технологии.** При проведении учебных занятий по дисциплине используются традиционные и инновационные, в том числе информационные образовательные технологии, включая при необходимости применение активных и интерактивных методов обучения.

Традиционные образовательные технологии реализуются, преимущественно, в процессе лекционных и практических занятий. Инновационные образовательные

технологии используются в процессе аудиторных занятий и самостоятельной работы студентов в виде применения активных и интерактивных методов обучения. Информационные образовательные технологии реализуются в процессе использования электронно-библиотечных систем, электронных образовательных ресурсов и элементов электронного обучения в электронной информационно-образовательной среде для активизации учебного процесса и самостоятельной работы студентов.

Практические занятия могут проводиться в форме групповой дискуссии, «мозговой атаки», разборка кейсов, решения практических задач, публичная презентация проекта и др. Прежде, чем дать группе информацию, важно подготовить участников, активизировать их ментальные процессы, включить их внимание, развивать кооперацию и сотрудничество при принятии решений.

## **7. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю)**

### **7.1. Индикаторы оценивания сформированности компетенций**

<b>Компетенции</b>	<b>Зачтено</b>			<b>Не зачтено</b>
	Высокий уровень (отлично) (86-100% баллов)	Средний уровень (хорошо) (71-85% баллов)	Низкий уровень (удовлетворительно) (56-70% баллов)	Ниже порогового уровня (неудовлетворительно) (до 55% баллов)
ОПК-1: Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	ОПК-1.1. Знает в полном объеме основные положения и концепции в области математических и естественных наук, базовые теории, основную терминологию.	ОПК-1.1. Знает основные положения и концепции в области математических и естественных наук, базовые теории, основную терминологию.	ОПК-1.1. Знает в целом основные положения в области математических и естественных наук, основную терминологию.	ОПК-1.1. Не знает основные положения в области математических и естественных наук, основную терминологию.
	ОПК-1.2. Умеет в полном объеме осуществлять первичный сбор и анализ материала, интерпретировать различные математические объекты.	ОПК-1.2. Умеет осуществлять первичный сбор и анализ материала, интерпретировать различные математические объекты.	ОПК-1.2. Умеет в целом осуществлять первичный сбор и анализ материала.	ОПК-1.2. Не умеет осуществлять первичный сбор и анализ материала.
	ОПК-1.3. Владеет в полном объеме навыком работы по решению стандартных математических задач и применяет их в профессиональной деятельности	ОПК-1.3. Владеет в целом навыком работы по решению стандартных математических задач и применяет их в профессиональной деятельности	ОПК-1.3. Владеет в целом навыком работы по решению стандартных математических задач.	ОПК-1.3. Не владеет навыком работы по решению стандартных математических задач.

ПК-2. Способен понимать, совершенствовать и применять современный математический аппарат	ПК-2.1. Знает в полном объеме принципы построения и методы исследования математических моделей объектов различной природы.	ПК-2.1. Знает принципы построения и методы исследования математических моделей объектов различной природы.	ПК-2.1. Знает в целом принципы построения и методы исследования математических моделей объектов различной природы.	ПК-2.1. Не знает в полном объеме принципы построения и методы исследования математических моделей объектов различной природы.
	ПК-2.2. Умеет в полном объеме использовать и модифицировать существующие математические методы для решения прикладных задач.	ПК-2.2. Умеет использовать и модифицировать существующие математические методы для решения прикладных задач.	ПК-2.2. Умеет в целом использовать существующие математические методы для решения прикладных задач.	ПК-2.2. Не умеет использовать существующие математические методы для решения прикладных задач.
	ПК-2.3. Владеет в полном объеме навыками использования математического аппарата при решении прикладных задач.	ПК-2.3. Владеет навыками использования математического аппарата при решении прикладных задач.	ПК-2.3. Владеет в целом навыками использования математического аппарата при решении прикладных задач.	ПК-2.3. Не владеет навыками использования математического аппарата при решении прикладных задач.

## 7.2. Перевод бально-рейтинговых показателей оценки качества подготовки обучающихся в отметки традиционной системы оценивания.

Порядок функционирования внутренней системы оценки качества подготовки обучающихся и перевод бально-рейтинговых показателей обучающихся в отметки традиционной системы оценивания проводиться в соответствии с положением КЧГУ «Положение о бально-рейтинговой системе оценки знаний обучающихся», размещенным на сайте Университета по адресу: <https://kchgu.ru/inye-lokalnye-akty/>

## 7.3. Типовые контрольные задания или иные учебно-методические материалы, необходимые для оценивания степени сформированности компетенций в процессе освоения учебной дисциплины

### 7.3.1. Перечень вопросов к экзамену

1. Основные понятия теории множеств.
2. Операции над множествами.
3. Числовые множества.
4. Модуль действительного числа.
5. Понятие ограниченности и неограниченности множества.
6. Числовые промежутки. Окрестность точки.

7. Понятие функции.
8. Числовые функции. Способы задания функции.
9. Основные характеристики функции.
10. Обратная, неявная и сложная функции.
11. Числовые последовательности.
12. Предел числовой последовательности.
13. Предел монотонной ограниченной последовательности.
14. Предел функции в точке.
15. Односторонние пределы.
16. Предел функции в бесконечности.
17. Бесконечно малые величины.
18. Свойства бесконечно малых величин.
19. Связь бесконечно малой величины с пределом функции.
20. Бесконечно большие величины.
21. Свойства бесконечно больших величин.
22. Связь между бесконечно большой и бесконечно малой величинами.
23. Особые случаи неопределенности.
24. Свойства пределов.
25. Признаки существования пределов.
26. Первый замечательный предел
27. Второй замечательный предел.
28. Некоторые следствия из замечательных пределов.
29. Непрерывность функции в точке, интервале и на отрезке.
30. Точки разрыва функции и их классификация.
31. Свойства функций непрерывных в точке.
32. Свойства функций непрерывных на отрезке. Первая и вторая теоремы Больцано – Коши.
33. Свойства функций непрерывных на отрезке. Первая и вторая теоремы Вейерштрасса.
34. Непрерывность степенной функции.
35. Непрерывность тригонометрических функций
36. Определение производной функции.
37. Связь между непрерывностью и дифференцируемостью функции.
38. Скорость прямолинейного движения. Механический и физический смысл производной.
39. Касательная к кривой. Геометрический смысл производной.
40. Уравнение касательной и нормали.
41. Производная степенной функции  $y = x^m$ ,  $m \in \mathbb{Z}$ .
42. Производная показательной функции  $y = a^x$ ,  $a > 0$ ,  $a \neq 1$ .
43. Производная логарифмической функции  $y = \log_a x$ ,  $a > 0$ ,  $a \neq 1$ .
44. Производная функции  $y = \sin x$ .
45. Производная функции  $y = \cos x$ .
46. Производная функций  $y = \operatorname{tg} x$  и  $y = \operatorname{ctg} x$ .
47. Гиперболические функции и их производные.
48. Правила дифференцирования.
49. Производная сложной функции.
50. Производная обратной функции.
51. Производные обратных тригонометрических функций.
52. Дифференцирование неявных функций.
53. Дифференцирование функций, заданных параметрически.
54. Логарифмическое дифференцирование.
55. Производные высших порядков явно заданной функции.
56. Механический смысл производной второго порядка.

57. Формула Лейбница.
58. Производные высших порядков неявно заданной функции.
59. Производные высших порядков параметрически заданной функции.
60. Теоремы о дифференцируемых функциях. Теорема Ролля.
61. Теоремы о дифференцируемых функциях. Теорема Коши.
62. Теоремы о дифференцируемых функциях. Теорема Лагранжа.
63. Правило Лопитала для основных неопределенностей.
64. Правило Лопитала для раскрытия неопределенностей различных видов.
65. Необходимое условие возрастания и убывания функции.
66. Достаточное условие возрастания и убывания функции.
67. Понятие максимума и минимума функции.
68. Необходимое условие существования экстремума функции.
69. Достаточное условие существования экстремума функции.
70. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке.
71. Выпуклость графика функции. Точки перегиба.
72. Асимптоты графика функции.

### **7.3.2. Тестовый материал для диагностики индикаторов оценивания сформированности компетенций:**

### **7.3.3. Оценочные материалы. Темы к докладам и рефератам. Варианты контрольных работ**

#### **Темы лабораторных занятий**

1. Функции.
2. Предел числовой последовательности.
3. Предел отношения двух бесконечно больших величин.
4. Передел функции. Умножение на сопряженное.
5. Дифференцирование тригонометрических и гиперболических функций.
6. Дифференцирование логарифмических и показательных функций.
7. Производные высших порядков явно заданных функций.
8. Возрастание и убывание функции. Экстремумы функции.
9. Общее исследование функции.

## **8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)**

### **8.1. Основная литература:**

1. Антипова, И. А. Математический анализ. Ч. I : учеб. пособие / И.А. Антипова, И.И. Вайнштейн, Т.В. Зыкова [и др.]. - Красноярск : Сиб. федер. ун-т, 2018. - 196 с. - ISBN 978-5-7638-3326-3. - Текст: электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1032137> – Режим доступа: по подписке.
2. Жукова, Г. С. Математический анализ. Том 1 : учебник / Г. С. Жукова, М. Ф. Рушайло ; под ред. Г. С. Жуковой. — Москва : ИНФРА-М, 2024. — 388 с. — (Высшее образование). — DOI 10.12737/1072169. - ISBN 978-5-16-019247-5. - Текст: электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/2100015> – Режим доступа: по подписке.
3. Долгополова, А. Ф. Руководство к решению задач по математическому анализу. В 2 ч. Ч. 1 : учеб. пособие / А. Ф. Долгополова, Т. А. Колодяжная. - Ставрополь : Сервисшкола, 2012. - 168 с. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/514584> – Режим доступа: по подписке.
4. Дзебисов, Х. П. Математический анализ. Руководство к решению задач : учебное пособие / Х. П. Дзебисов. — Москва : ИНФРА-М, 2020. — 203 с. — (Высшее

образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-16-109185-2. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1194129> – Режим доступа: по подписке.

### **8.2. Дополнительная литература:**

1. Жукова, Г. С. Математический анализ в примерах и задачах. Часть 1 : учебное пособие / Г. С. Жукова, М. Ф. Рушайло. — Москва : ИНФРА-М, 2020. — 260 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-16-015963-8. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1072156> – Режим доступа: по подписке.
2. Шипачев, В. С. Математический анализ. Теория и практика : учебное пособие / В. С. Шипачев. — 3-е изд. — Москва : ИНФРА-М, 2023. — 351 с. — (Высшее образование). — DOI 10.12737/5267. - ISBN 978-5-16-010073-9. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1911211> – Режим доступа: по подписке.

## **9. Требования к условиям реализации рабочей программы дисциплины (модуля)**

### **9.1. Общесистемные требования**

#### **Электронная информационно-образовательная среда ФГБОУ ВО «КЧГУ»**

Каждый обучающийся в течение всего периода обучения обеспечен индивидуальным неограниченным доступом к электронной информационно-образовательной среде (ЭИОС) Университета из любой точки, в которой имеется доступ к информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», как на территории Университета, так и вне ее.

Функционирование ЭИОС обеспечивается соответствующими средствами информационно-коммуникационных технологий и квалификацией работников, ее использующих и поддерживающих. Функционирование ЭИОС соответствует законодательству Российской Федерации.

Адрес официального сайта университета: <http://kchgu.ru>.

Адрес размещения ЭИОС ФГБОУ ВО «КЧГУ»: <https://do.kchgu.ru>.

## **Электронно-библиотечные системы (электронные библиотеки)**

<b>Учебный год</b>	<b>Наименование документа с указанием реквизитов</b>	<b>Срок действия документа</b>
2025-2026 учебный год	Электронно-библиотечная система ООО «Знаниум». Договор № 249 эбс от 14.05.2025 г. Электронный адрес: <a href="https://znanium.com">https://znanium.com</a>	от 14.05.2025г. до 14.05.2026г.
2025-2026 учебный год	Электронно-библиотечная система «Лань». Договор № 10 от 11.02.2025 г. Электронный адрес: <a href="https://e.lanbook.com">https://e.lanbook.com</a>	от 11.02.2025г. до 11.02.2026г.
2025-2026 учебный год	Электронно-библиотечная система КЧГУ. Положение об ЭБ утверждено Ученым советом	Бессрочный

	от 30.09.2015г. Протокол № 1. Электронный адрес: <a href="http://lib.kchgu.ru">http://lib.kchgu.ru</a>	
2025-2026 учебный год	Национальная электронная библиотека (НЭБ). Договор №101/НЭБ/1391-п от 22.02.2023 г. Электронный адрес: <a href="http://rusneb.ru">http://rusneb.ru</a>	Бессрочный
2025-2026 учебный год	Научная электронная библиотека «ELIBRARY.RU». Лицензионное соглашение №15646 от 21.10.2016 г. Электронный адрес: <a href="http://elibrary.ru">http://elibrary.ru</a>	Бессрочный
2025-2026 учебный год	Электронный ресурс Polpred.comОбзор СМИ. Соглашение. Бесплатно. Электронный адрес: <a href="http://polpred.com">http://polpred.com</a>	Бессрочный

## ***9.2. Материально-техническое и учебно-методическое обеспечение дисциплины***

Занятия проводятся в учебных аудиториях, предназначенных для проведения занятий лекционного и практического типа, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации в соответствии с расписанием занятий по образовательной программе. С описанием оснащенности аудиторий можно ознакомиться на сайте университета, в разделе материально-технического обеспечения и оснащенности образовательного процесса по адресу: <https://kchgu.ru/sveden/objects/>

## ***9.3. Необходимый комплекс лицензионного программного обеспечения***

- Microsoft Windows (Лицензия № 60290784), бессрочная
- Microsoft Office (Лицензия № 60127446), бессрочная
- ABBY FineReader (лицензия № FCRP-1100-1002-3937), бессрочная
- CalculateLinux (внесён в ЕРРП Приказом Минкомсвязи №665 от 30.11.2018-2020), бессрочная
- Google G Suite for Education (IC: 01i1p5u8), бессрочная
- Kaspersky Endpoint Security (Лицензия № 280E-210210-093403-420-2061), с 25.01.2023 г. по 03.03.2025 г.
- Kaspersky Endpoint Security. Договор №0379400000325000001/1 от 28.02.2025г. Срок действия лицензии с 27.02.2025г. по 07.03.2027г.

## ***9.4. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы***

1. Федеральный портал «Российское образование» - <https://edu.ru/documents/>
2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов (Единая коллекция ЦОР) – <http://school-collection.edu.ru/>
3. Базы данных Scopus издательства Elsevier <http://www.scopus.com/search/form.uri?display=basic>.
4. Портал Федеральных государственных образовательных стандартов высшего образования - <http://fgosvo.ru>.
5. Федеральный центр информационно-образовательных ресурсов (ФЦИОР) – <http://edu.ru>.
6. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов (Единая коллекция ЦОР) – <http://school-collection.edu.ru>.

7. Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам» (ИС «Единое окно») – <http://window/edu.ru>.

## **10. Особенности организации образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья**

В ФГБОУ ВО «Карачаево-Черкесский государственный университет имени У.Д. Алиева» созданы условия для получения высшего образования по образовательным программам обучающихся с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ).

Специальные условия для получения образования по ОПВО обучающимися с ограниченными возможностями здоровья определены «[Положением об обучении лиц с ОВЗ в КЧГУ](#)», размещенным на сайте Университета по адресу: <http://kchgu.ru>.

## 11. Лист регистрации изменений

Изменение	Дата и номер протокола ученого совета факультета/ института, на котором были рассмотрены вопросы о необходимости внесения изменений в ОПВО	Дата и номер протокола ученого совета Университета, на котором были утверждены изменения в ОПВО